

## ABSTRAK

Transformasi oleh fungsi analitik  $w = f(z)$  di sekitar titik  $z_0$  dengan  $f'(z_0) \neq 0$  mempertahankan besar dan arah sudut, transformasi semacam ini dinamakan transformasi konformal. Dalam skripsi ini dibahas transformasi konformal, khususnya tentang transformasi yang memetakan sumbu real kepada suatu poligon, segi- $n$  yang diberikan. Transformasi ini ditemukan oleh dua orang matematis Jerman secara independen yaitu H.A. Schwarz (1843-1921) dan E.B. Christoffel (1829-1900) dan dikenal dengan nama *Schwarz-Christoffel transformation*. Bentuk umum transformasi Schwarz-Christoffel adalah

$$w = f(z) = A \int_{z_0}^z (s - x_1)^{-k_1} (s - x_2)^{-k_2} \cdots (s - x_{n-1})^{-k_{n-1}} ds + B,$$

dengan  $x_j$  real ( $j = 1, 2, \dots, n-1$ ) dan  $x_n = \infty$ ,  $A$  dan  $B$  konstanta kompleks, serta  $-1 < k_j < 1$  ( $j = 1, 2, \dots, n$ ) dan  $k_1 + k_2 + \cdots + k_n = 2$  dimana  $k_n \pi$  adalah sudut luar di titik sudut  $w_n$  yang berkawankan dengan  $z = x_n = \infty$ .

Dalam skripsi ini dibahas bahwa fungsi  $f(z)$  analitik pada  $\text{Im}(z) > 0$  dan kontinu pada  $\text{Im}(z) \geq 0$  dan bagaimana menentukan fungsi  $f(z)$  itu dari fungsi  $f'(z) = A(z - x_1)^{-k_1} (z - x_2)^{-k_2} \cdots (z - x_{n-1})^{-k_{n-1}}$ . Juga ditunjukkan bahwa transformasi Schwarz-Christoffel adalah fungsi korespondensi satu-satu dari interior setengah bidang atas kepada interior poligon yang diberikan. Selanjutnya ditunjukkan secara umum bagaimana menentukan transformasi Schwarz-Christoffel yang mentransformasikan sumbu real kepada poligon segi- $n$  yang diberikan.

Dalam skripsi ini contoh-contoh dibatasi pada transformasi Schwarz-Christoffel yang memetakan sumbu real kepada segi tiga, persegi panjang dan lajur tak hingga. Sebelumnya di dalam BAB III dibicarakan beberapa transformasi oleh fungsi-fungsi elementer.

## ABSTRACT

A transformation of an analytic function  $w = f(z)$  in a neighborhood of  $z_0$  with  $f'(z_0) \neq 0$  is angle-preserving in magnitude and sense. This transformation is called a conformal transformation. In the present thesis we discuss a conformal transformation, especially on a transformation which maps the real axis onto a polygon of  $n$ -sides. The transformation was found by two German mathematicians named H.A. Schwarz (1843-1921) and E.B. Christoffel (1829-1900) independently and then was known by the name of the *Schwarz-Christoffel transformation*. The general form of Schwarz-Christoffel transformation is

$$w = f(z) = A \int_{z_0}^z (s - x_1)^{-k_1} (s - x_2)^{-k_2} \cdots (s - x_{n-1})^{-k_{n-1}} ds + B,$$

with  $x_j$  are real ( $j = 1, 2, \dots, n-1$ ) and  $x_n = \infty$ ,  $A$  and  $B$  are complex constants, and  $-1 < k_j < 1$  ( $j = 1, 2, \dots, n$ ) and  $k_1 + k_2 + \cdots + k_n = 2$  where  $k_n \pi$  is the exterior angles at the vertex  $w_n$  which is the image of point  $z = x_n = \infty$ .

In the thesis it is discussed that the function  $f(z)$  is analytic on  $\text{Im}(z) > 0$  and continuous on  $\text{Im}(z) \geq 0$  and how to derive above the function  $f(z)$  from the function  $f'(z) = A(z - x_1)^{-k_1} (z - x_2)^{-k_2} \cdots (z - x_{n-1})^{-k_{n-1}}$ . It is also demonstrated that the Schwarz-Christoffel transformation is a one to one correspondence between the interior points of the half plane and the points within the polygon. Further it is also shown generally how to build the Schwarz-Christoffel transformation transforming the real axis onto a given  $n$ -side polygon.

In this thesis, examples limited merely on the Schwarz-Christoffel transformations which map the real axis onto any triangles, rectangles, and infinite strip. In Chapter III some transformations by elementary functions are discussed.