

ABSTRAK

Dalam teorema Cayley-Hamilton klasik dikatakan bahwa jika F adalah suatu field, $A \in M_{n \times n}(F)$, dan $C_A(x)$ adalah polinomial karakteristik dari matriks A , yaitu $C_A(x) = \det(xI_n - A)$, maka $C_A(A) = 0$.

Teorema Cayley-Hamilton juga berlaku untuk sebarang matriks bujursangkar atas ring komutatif, dengan kata lain, jika R adalah ring komutatif, $A \in M_{n \times n}(R)$ dan $C_A(x) = \det(xI_n - A)$, maka $C_A(A) = 0$. Untuk membuktikan teorema Cayley-Hamilton tersebut digunakan suatu isomorfisma Ψ dari $M_{n \times n}(R[x])$ ke $M_{n \times n}(R)[x]$ dengan aturan $\Psi(A) = A_0x^p + A_1x^{p-1} + \dots + A_{p-1}x + A_p$.

ABSTRACT

Classical Cayley-Hamilton theorem says that if F is a field, $A \in M_{n \times n}(F)$ and $C_A(x)$ is the characteristic polynomial of matrix A , i.e. $C_A(x) = \det(xI_n - A)$, then $C_A(A) = 0$.

The Cayley-Hamilton theorem is also valid for square matrices over commutative ring, in other words, if R is a commutative ring, $A \in M_{n \times n}(R)$ and $C_A(x) = \det(xI_n - A)$, then $C_A(A) = 0$. To verify the Cayley-Hamilton theorem, we use an isomorphism Ψ of $M_{n \times n}(R[x])$ to $M_{n \times n}(R)[x]$ with $\Psi(A) = A_0x^p + A_1x^{p-1} + \dots + A_{p-1}x + A_p$.