

## ABSTRAK

Himpunan tak kosong  $M$  disebut modul kiri atas ring  $R$  dengan elemen satuan 1 bila  $M$  dilengkapi dengan dua operasi, yaitu penjumlahan dan perkalian dengan skalar, sedemikian sehingga dipenuhi:

1.  $(M,+)$  grup komutatif
2. Untuk setiap  $r, s \in R$  dan untuk setiap  $m, n \in M$  berlaku :
  - a).  $r(m+n) = rm + rn$
  - b).  $(r+s)m = rm + rs$
  - c).  $(rs)m = r(sm)$
  - d).  $1m = m$

Subgrup  $S$  dari modul  $M$  atas ring  $R$  disebut submodul dari  $M$  bila  $rs \in S$  untuk setiap  $r \in R$  dan  $s \in S$ . Modul  $M$  atas ring  $R$  disebut modul sederhana bila submodul dari  $M$  hanyalah  $\{0\}$  dan  $M$  saja. Suatu modul  $M$  atas ring  $R$  disebut modul semisederhana bila  $M$  merupakan jumlah langsung dari submodul-submodul sederhana, atau secara ekivalen, bila setiap submodul dari  $M$  adalah penjumlah langsung, atau secara ekivalen, bila modul faktor  $M/N$  adalah faktor langsung dari  $M$ , atau secara ekivalen, bila barisan eksak  $\{0\} \longrightarrow N \xrightarrow{\lambda} M \xrightarrow{\varphi} M/N \longrightarrow \{0\}$  adalah terpisah. Setiap modul sederhana merupakan modul semisederhana, tetapi konversnya belum tentu benar.

## ABSTRACT

A nonempty set  $M$  is called a left module over a ring  $R$  with identity 1 if in  $M$  there are defined two operations, i.e. addition and multiplication with scalar, such that the following properties are satisfied:

1.  $(M, +)$  is a commutative group
2. For all  $r, s \in R$  and  $m, n \in M$ 
  - a)  $r(m+n) = rm + rn$
  - b)  $(r+s)m = rm + sm$
  - c)  $(rs)m = r(sm)$
  - d)  $1m = m$

A subgroup  $S$  of a module  $M$  over ring  $R$  is called submodule of  $M$  if  $rs \in S$  for all  $r \in R$  and  $s \in S$ . A module  $M$  over ring  $R$  is called simple if its submodules are only  $\{0\}$  and  $M$ . A module  $M$  over ring  $R$  is called semisimple if it is a direct sum of simple submodules, or equivalently, if every submodule of  $M$  is a direct summand, or equivalently, if the quotient module  $M/N$  is a direct factor of  $M$ , or equivalently, if the exact sequence  $\{0\} \longrightarrow N \longrightarrow M \xrightarrow{\lambda} M/N \xrightarrow{\varphi} \{0\}$  is split. Every simple module is semisimple module, but the convers is not necessarily true.